

${}^6\text{He}(p,d)$ 反応の zero-range PWIA 解析

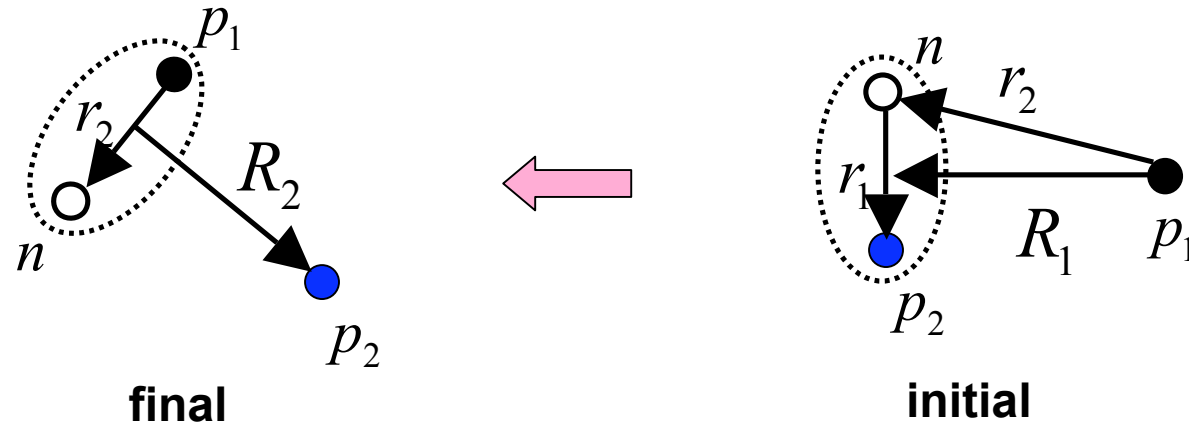
(京大基研)

高階 正彰

問題設定

${}^6\text{He}$ 内での n-n 間の相対運動量をいかにして見るか。
簡単な zero-range PWIA 近似を使って調べてみる。

まず、p+d elastic transfer（後方散乱）を
考えてみる。



DWIA の T-matrix

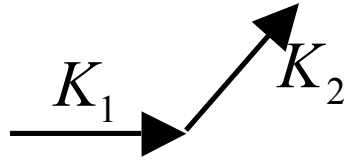
$$T \propto \left\langle \chi_{p-d}(R_2) \varphi_d(r_2) \left| V_{pn}(r_2) \right| \varphi_d(r_1) \chi_{p-d}(R_1) \right\rangle$$

$$T \propto \left\langle \chi_{p-d}(R_2) \varphi_d(r_2) \left| V_{pn}(r_2) \right| \varphi_d(r_1) \chi_{p-d}(R_1) \right\rangle$$

zero-range 近似 : $\varphi_d(r_2) V_{pn}(r_2) \rightarrow \delta(r_2)$

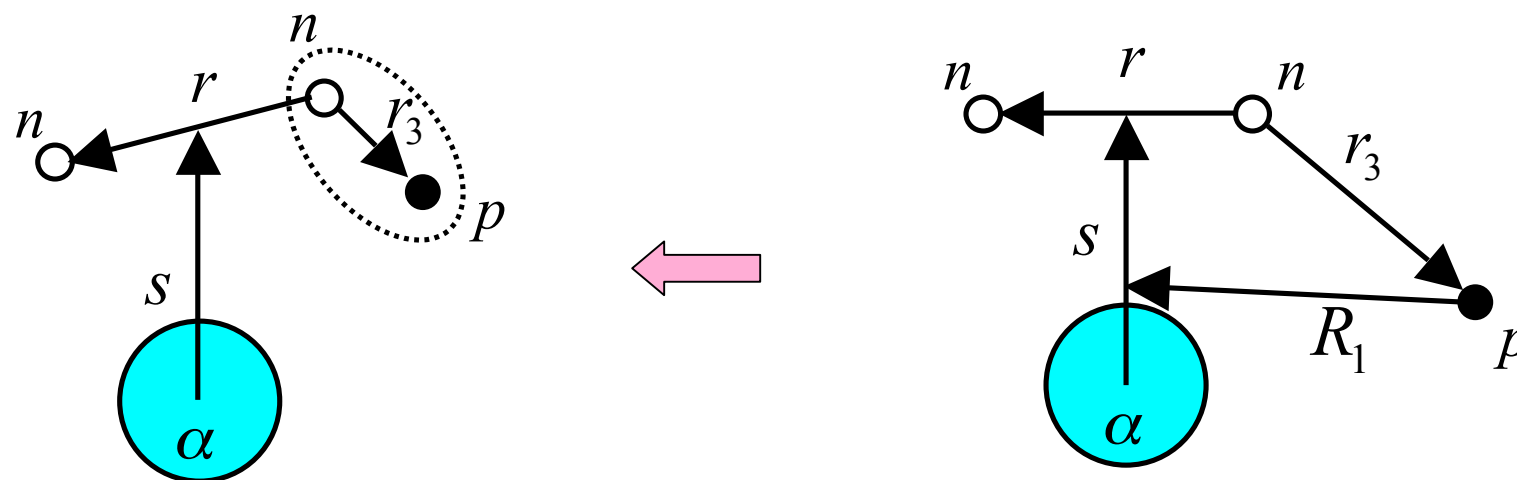
平面波近似 $\chi_{p-d}(R) \rightarrow (2\pi)^{-3/2} e^{iK \cdot R}$

$$\begin{cases} R_1 = \frac{1}{2}r_1 + r_2 \\ R_2 = r_1 + \frac{1}{2}r_2 \end{cases} \quad \begin{cases} r_1 = -\frac{2}{3}(R_1 - 2R_2) \\ r_2 = \frac{2}{3}(2R_1 - R_2) \end{cases} \longrightarrow R_2 = 2R_1$$

$$T \propto \int e^{-i(2K_2 - K_1) \cdot R_1} \varphi_d(2R_1) dR_1$$


T行列が p-n 間の相対波動関数のフーリエ変換
 → 角度分布から p-n 間の相対運動量分布がわかる

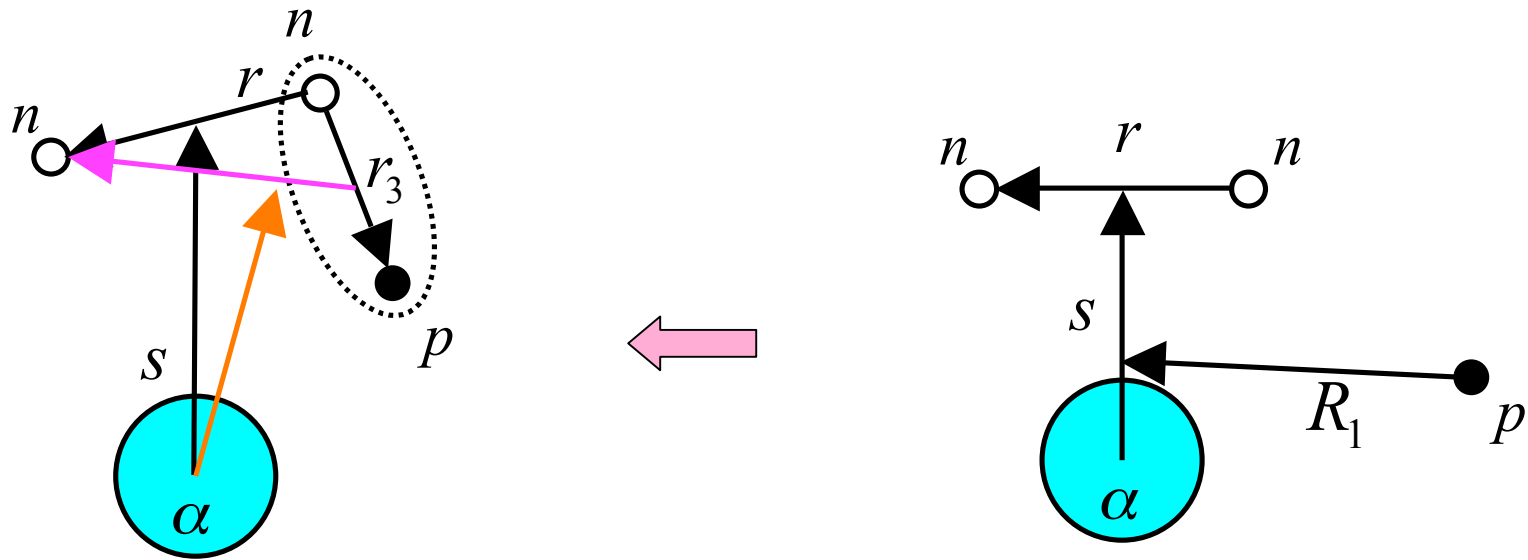
${}^6\text{He}(p,d)$ の場合は？



$$T \propto \left\langle \chi_{n-d} \chi_{nd-\alpha} \varphi_d(r_3) \left| V_{pn}(r_3) \right| \Psi_{{}^6\text{He}}(r, s) \chi_p(R_1) \right\rangle$$

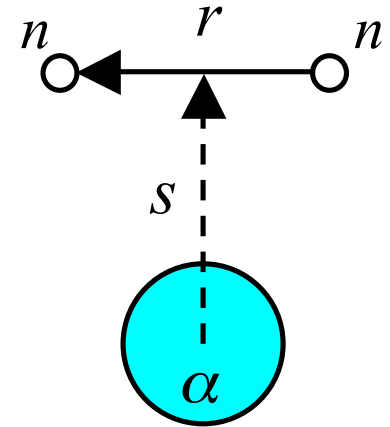
zero-range 近似、平面波近似を施すと、

$$T \propto \int e^{-i(k - \kappa/6 + K_1/2) \cdot r} e^{-i(\kappa + K_1/3) \cdot s} \Psi_{6He}(r, s) dr ds$$



k : n-d 間の運動量 K : nd- α 間の運動量

さらに、 α 粒子を spectator であるとする。



$$\Psi_{6He}(r, s) = \varphi_{nn}(r) \times (2\pi)^{-3/2} e^{i0s}$$

$$T \propto \int e^{-i(k - \kappa/6 + K_1/2) \cdot r} e^{-i(\kappa + K_1/3) \cdot s} \Psi_{6He}(r, s) dr ds$$

$$\propto \int e^{-i(k - \kappa/6 + K_1/2) \cdot r} \varphi_{nn}(r) \delta(\kappa + K_1/3) dr$$

$$\propto \int e^{-i(k + 5/9 K_1) \cdot r} \varphi_{nn}(r) dr \times \delta(\kappa + K_1/3)$$

まとめ

n-d 間の運動量の相関を見れば、 ${}^6\text{He}$ 内のn-n 間の運動量分布がわかる（かもしれない）。

実際に計算するときは、もっとまじめにやる。

$$T \propto \int e^{-i(k+5/9K_1)\cdot r} \varphi_{nn}(r) dr \times \delta(\kappa + K_1/3)$$

この関係式がどれくらい成り立っているのか、全く成り立たないのかを調べたい。

(distortion の効き方や、zero-range 近似の悪さによっては、n-n 間の相対運動量が全く見えない可能性もある)